

# Автономная некоммерческая образовательная организация высшего образования Центросоюза Российской Федерации «Сибирский университет потребительской кооперации»

**УТВЕРЖДАЮ** 

Проректор по учебной работе <u>Ваше</u>Л.В. Ватлина 28 мая 2025 г.

# ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине

#### ОП.03 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

по специальности

09.02.13 Интеграция решений с применением технологий искусственного интеллекта

(направленность программы: Применение искусственного интеллекта)

квалификация выпускника:

Специалист по работе с искусственным интеллектом

Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине *«Теория вероятности и математическая статистика»* разработана в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 09.02.13 Интеграция решений с применением технологий искусственного интеллекта, утвержденного приказом Министерства просвещения Российской Федерации от 24.12.2024 № 1025.

#### РАЗРАБОТЧИК:

С.Л. Злобина, канд.физ-мат.наук, доцент кафедры статистики и математики

#### РЕЦЕНЗЕНТ:

Комиссаров В.В., канд. физ.-мат. наук, доцент кафедры статистики и математики

Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине «*Теория вероятности и математическая статистика*» рассмотрен и одобрен на заседании кафедры статистики и математики, протокол от 28 мая 2025 г. № 9.

И.о. заведующего кафедрой статистики и математики

holy

О.А. Чистякова

# Раздел 1. «Паспорт оценочных средств» Оценочные средства для проверки хода освоения дисциплины и достижения планируемых результатов обучения

Результат обучения	Код контроли-	Контролируемые	Наименование
(πο ΦΓΟС)	руемой компе-	разделы (темы)	оценочного
	тенции	дисциплины	средства
Умения:			
Применять логические	OK 01	Тема 1 − 7.	B3, 3
операции, формулы логи-	OK 02		
ки, законы алгебры логи-	OK 05		
•	OK 09		
ки.	OK 10		
Формулировать задачи			
логического характера и			
применять средства мате-			
матической логики для их			
решения.			
Знания:			
Основные принципы ма-	OK 01	Тема $1 - 7$ .	B3, 3
тематической логики,	OK 02		
теории множеств и теории	OK 05		
•	OK 09		
алгоритмов.	OK 10		
Формулы алгебры выска-			
зываний.			
Manager			
Методы минимизации ал-			
гебраических преобразо-			
ваний.			
Основы языка и алгебры			
предикатов.			
предикатов.			
Основные принципы тео-			
рии множеств.			

# Условные обозначения:

ВЗ – вопросы к дифференцированному зачету; З – задачи.

Раздел 2. Оценочные средства: текущий контроль

Текущий контроль осуществляется путём опросов и оценки решения задач по темам.

#### Примеры задач для контроля по всем темам

#### Тема. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

- 1. Партия мужских костюмов состоит из k = 3 костюмов производителя (A) и m = 5 костюмов производителя (B). Некто наугад выбирает из партии один за другим два костюма. Найти вероятность того, что
  - а) оба костюма изготовлены производителем (A);
  - б) выбраны костюмы разных производителей;
  - в) хотя бы один из них изготовлен производителем (A).

Найти вероятности указанных событий, если костюмы выбираются по схеме выборки: 1) с возвращением; 2) без возвращения.

2. Вероятность того, что новый товар будет пользоваться спросом на рынке, если конкурент не выпустит в продажу аналогичный продукт, равна 0,75, а при наличии конкурирующего товара равна 0,35. Вероятность выпуска конкурентом товара равна 0,45. Найти вероятность того, что товар будет пользоваться спросом.

# Тема. Повторные независимые испытания

- 3. Вероятность того, что в результате проверки изделию будет присвоен знак «изделие высшего качества» равна p = 0,4. На контроль поступило n = 8 изделий. Какова вероятность того, что знак высшего качества будет присвоен:
- а) ровно k = 5 изделиям;
- б) более чем m = 6 изделиям;
- в) хотя бы одному изделию;
- г) указать наивероятнейшее количество изделий, получивших знак высшего качества, и найти соответствующую ему вероятность.

# Тема. Дискретная случайная величина. Непрерывные случайные величины

4. В рекламных целях торговая фирма вкладывает в свой товар случайным образом некоторые призы. На каждые 100 единиц товара приходится  $m_1 = 1$  призов стоимостью  $a_1 = 20$  рублей,  $m_2 = 2$  призов стоимостью  $a_2 = 10$  рублей,  $m_3 = 8$  призов стоимостью  $a_3 = 5$  рублей,  $m_4 = 3$  призов стоимостью  $a_4 = 10$  рублей. В остальных единицах товара призов нет.

Составить закон распределения величины стоимости приза для человека, купившего одну единицу товара этой фирмы и найти его основные характери-

стики: математическое ожидание, дисперсию (двумя способами) и среднее квадратическое отклонение. Пояснить смысл полученных результатов.

5. Для нормально распределенной случайной величины X с параметрами: a=10,  $\sigma=2$  записать дифференциальную и интегральную функции распределения, построить их графики. Найти: а) вероятность того, что X примет значение, принадлежащее интервалу (8;14); б) вероятность того, что абсолютная величина отклонения X-a окажется меньше  $\delta=1$ . Результаты пояснить графически на кривой Гаусса.

#### Тема. Математическая статистика

6. По итогам выборочных обследований, для некоторой категории сотрудников, величина их месячного заработка  $x_i$  тыс. рублей и соответствующее количество сотрудников  $n_i$  представлены в виде интервального статистического распределения.

a	X	5-6	6-7	7-8	8-9	9-10
<i>a)</i> По-	$n_{i}$	5	10	20	15	10
стро					<u> </u>	<u> </u>

ить гистограмму относительных частот распределения.

- *б*) Найти основные характеристики распределения выборочных данных: среднее выборочное значение, выборочную дисперсию и выборочное среднее квадратическое отклонение.
- *в*) Оценить генеральные характеристики по найденным выборочным характеристикам точечным образом.
- $\varepsilon$ ) Зная, что значения признака X в генеральной совокупности подчинены нормальному закону распределения, найти доверительный интервал для оценки математического ожидания (генерального среднего значения) с надёжностью  $\gamma=0.95$  считая, что генеральная дисперсия равна исправленной выборочной дисперсии.

7. По данной выборке построить:

/・1	то дать	HOH DDI	opke n	ocipon	10.				
5,64	5,73	8,31	5,03	9,99	4,49	2,23	6,56	9,55	2,30
6,96	7,42	6,82	7,30	10,96	2,52	4,01	11,40	5,34	8,81
6,17	3,73	6,66	4,43	5,44	7,86	6,40	8,13	5,76	7,25
13,86	8,74	1,46	-1,48	8,23	6,74	2,85	5,39	6,87	6,79
4,85	5,45	5,63	2,52	3,18	9,00	3,43	11,23	12,44	7,64
7,25	8,09	2,51	5,36	10,01	4,79	2,81	4,55	7,99	4,18
12,61	8,84	3,99	1,42	6,88	5,16	8,06	4,07	5,57	5,54
6,65	4,95	1,15	7,47	-0,20	4,61	9,12	1,79	1,94	5,16
6,29	3,70	7,89	3,26	11,04	6,98	5,39	1,78	5,22	6,80
5,97	7,05	11,25	9,55	1,79	10,92	7,72	9,84	9,82	11,94

1) статистическое распределение, разбив выборку на  $log_2n + 1$  равных интервалов;

- 2) найти выборочное среднее, исправленное выборочное среднее квадратическое отклонение;
- 3) доверительный интервал для оценки с надёжностью  $\gamma = 0.95$  неизвестного математического ожидания a, если генеральное среднее квадратическое отклонение  $\sigma$  равно «исправленному» среднему квадратическому отклонению s;
- 4) найти минимальный объём выборки при котором с надёжностью  $\gamma = 0.99$  точность оценки математического ожидания a генеральной совокупности по выборочной средней равна  $\delta = 0.5$ ;
- 5) построить полигон относительных частот;
- 6) выдвинуть гипотезу о законе распределения генеральной совокупности;
- 7) сравнить эмпирические и теоретические частоты с помощью критерия Пирсона при уровне значимости  $\alpha = 0.05$  и  $\alpha = 0.01$ ;
- 8) дать заключение по результатам анализа.
  - 8. С целью анализа взаимного влияния прибыли предприятия и его издержек выборочно были проведены наблюдения за этими показателями в течение ряда месяцев: X величина месячной прибыли в т. р., Y месячные издержки в процентах к объёму продаж. Результаты выборки представлены в виде таблицы.

K = 70

X	20	30	40	50	60	
Y	25	22	20	16	10	

По данным выборки:

- a) оценить тесноту линейной связи между признаками X и Y;
- $\delta$ ) найти зависимость между признаками в виде уравнения линейной регрессии  $y_x = ax + b$ ;
- *в*) построить графически наблюдаемые выборочные значения признаков и прямую регрессии.
- $\varepsilon$ ) Используя уравнение линейной регрессии, спрогнозировать величину месячных издержек в процентах к объёму продаж, если величина месячной прибыли будет составлять X = K т. р.

## Описание оценочного материала

Вид ОМ	Форма пре	Форма предъявления: вопросы / темы.				
Оценка	Процедура	1: проводится в виде индивидуального собеседования				
решения	с обучающ	имся по теме задачи.				
задач	Шкала оц	енивания /критерии:				
	«Зачтено»	Обучающийся знает теоретический материал, терминологию, умеет применять теоретические знания для объяснения обсуждаемых явлений, предлагает практические решения обсуждаемых проблем на основе синтеза изученного материала и личного опыта.				
	«He	Обучающийся не освоил теоретический материал, не				

зачтено	> продемонстрировал умение применять знания для
	решения поставленных задач.
	Обучающийся отказался от ответа.

### Раздел 3. Оценочные средства

Промежуточная аттестация обеспечивает оценивание окончательных результатов обучения по дисциплине и проводится в форме дифференцированного зачета в конце семестра.

### Вопросы дифференцированного зачета

- 1. Комбинаторика. Правило суммы, правило произведения. Сочетания без повторения: перестановки, размещения, сочетания. Треугольник Паскаля. Бином Ньютона. Соединения с повторениями: перестановки, размещения, сочетания. Число подмножеств конечного множества.
- 2. Основные понятия теории вероятностей. Пространство элементарных исходов.
- 3. Операции над событиями и отношения между ними,  $\sigma$ -алгебра событий.
- 4. Вероятность на дискретных пространствах элементарных исходов.
- 5. Классическое определение вероятности.
- 6. Геометрическая вероятность.
- 7. Вероятность на общих пространствах элементарных исходов. Аксиомы вероятности. Свойства вероятности.
- 8. Условные вероятности. Независимость событий.
- 9. Формулы полной вероятности и Байеса
- 10. Повторные испытания. Схема Бернулли. Формула Бернулли.
- 11. Локальная теорема Муавра-Лапласа, интегральная теорема Муавра-Лапласа.
- 12. Формула Пуассона. Полиномиальная схема.
- 13. Случайная величина, функция распределения. Дискретная и непрерывная случайная величина.
- 14. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, моменты.
- 15. Функции случайных величин.
- 16. Многомерные распределения.
- 17. Числовые характеристики многомерных случайных величин.
- 18. Некоторые законы распределения случайных величин. Биномиальное распределение, равномерное распределение, геометрическое, гипергеометрическое, показательное, нормальное распределение.
- 19. Предельные теоремы. Неравенство Чебышева, неравенство Маркова.
- 20. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.
- 21. Случайные процессы.
- 22. Основные задачи математической статистики. Выборочный метод. Эмпирическая функция распределения.
- 23. Точечное оценивание параметров распределения. Свойства оценок: не-

- смещённость, эффективность и состоятельность.
- 24. Методы нахождения оценок: метод моментов, метод максимального правдоподобия.
- 25. Интервальное оценивание. Точность, надёжность, доверительный интервал.
- 26. Статистические гипотезы. Уровень значимости, ошибки первого и второго рода. Мощность критерия.
- 27. Критерий согласия Пирсона χ2.
- 28. Метод наименьших квадратов. Уравнение регрессии.

Вид ОМ	Описание оценочного материала			
Вопросы к дифференци-	Тема	Перечень		
рованному зачету (ВЗ)		вопросов		
	Тема 1. Элементы комбинато-	1 – 10		
	рики			
	Тема 2. Основы теории веро-	9 - 13		
	ятностей			
	Тема 3. Дискретные случай-	14 - 17		
	ные величины (ДСВ)			
	Тема 4. Непрерывные случай-	18 – 21		
	ные величины (далее - НСВ)			
	Тема 5. Математическая ста-	22 - 28		
	тистика			

# Показатели и критерии оценивания компетенций Шкала оценивания

Дифференциро-	Шкала оценивания /критерии:					
ванный зачет	отлично	хорошо	удовлетвори-	неудовлетво-		
			тельно	рительно		
Критерии	знания все-	знания уве-	знания доста-	знания		
оценки знаний	сторонние и	ренные, вла-	точные (осво-	поверхностн		
	глубокие,	деет терми-	ена большая	ые,		
	свободно	нологией,	часть про-	бессистемны		
	владеет тер-	ориентирует-	граммы), ис-	e		
	минологией,	ся в основ-	пытывает за-			
	ориентирует-	ных этапах, в	труднения			
	ся в основ-	рамках мате-	при исполь-			
	ных в рамках	риала основ-	зовании тер-			

	1	1		
	материала	ной и допол-	минологии и	
	основной и	нительной	понимании	
	дополни-	литературы	сущности ос-	
	тельной ли-		новных эта-	
	тературы		пов, в рамках	
			материала ос-	
			новной и до-	
			полнительной	
			литературы	
Критерии	свободно и	свободно и	демонстриру-	не показыва-
оценки умений	самостоя-	самостоя-	ет умения,	ет необходи-
	тельно де-	тельно де-	предусмот-	мых умений в
	монстрирует	монстрирует	ренные про-	большей ча-
	умения,	умения,	граммой, дей-	сти заданий
	предусмот-	предусмот-	ствуя по	
	ренные про-	ренные про-	стандартным	
	граммой,	граммой,	алгоритмам,	
	применяя	действуя по	прибегая к	
	творческий	стандартным	помощи	
	подход	алгоритмам	·	
Критерии оцен-	Содержание	Содержание	Содержание	Содержание
ки навыков /	ответа пол-	ответа пре-	правильное в	правильное в
опыта деятель-	ностью пра-	имуществен-	большей ча-	меньшей ча-
ности	вильное. Эк-	но правиль-	сти ответа.	сти ответа
	заменуемый	ное. Воз-	Возможно	или полно-
	свободно	можно при-	присутствие	стью непра-
	оперирует	сутствие не-	нескольких	вильное. Эк-
	всеми основ-	значитель-	неточностей.	заменуемый
	ными и до-	ных неточ-	Экзаменуе-	показывает
	полнитель-	ностей. Эк-	мый показы-	знания
	ными терми-	заменуемый	вает удовле-	меньшей ча-
	нами и поня-	показывает	творительные	сти основных
	тиями в рам-	твёрдые зна-	знания боль-	терминов и
	ках програм-	ния всех ос-	шей части ос-	понятий в
	мы.	новных тер-	новных тер-	рамках про-
	Изложение	минов и по-	минов и по-	граммы или
	материала	нятий в рам-	нятий в рам-	их полное от-
	грамотное,	ках про-	ках програм-	сутствие.
	логичное.	граммы.	мы.	Информация
		Изложение	Изложение	излагается
		материала	материала не	неграмотно,
		достаточно	вполне	неупорядочен
		грамотное и	грамотное и	но.
		последовател	последовател	110.
<u> </u>		последовател	последовател	

	ь-ное.	ьное.	

# Раздел 4. Методические материалы Основная учебная литература

- 1. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / Е.С. Кочетков, С.О. Смерчинская, В.В. Соколов. 2-е изд., перераб. и доп. М.: ФОРУМ: ИНФРА-М, 2017. 240 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/760157.
- 2. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / Е.С. Кочетков, С.О. Смерчинская, В.В. Соколов. 2-е изд., испр. и перераб. М.: ФОРУМ: ИНФРА-М, 2018. 240 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/944923.
- 3. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник / Е.А. Коган, А.А. Юрченко. Москва: ИНФРА-М, 2019. 250 с. (Высшее образование: Бакалавриат). www.dx.doi.org/10.12737/textbook\_5cde54d3671a96.35212605. Текст: электронный. URL: http://znanium.com/catalog/product/971766.

# Дополнительная учебная литература

4. КОМИССАРОВ ВАЛЕНТИН ВЛАДИСЛАВОВИЧ. Теория вероятностей и математическая статистика: методические указания / КОМИССАРОВ ВАЛЕНТИН ВЛАДИСЛАВОВИЧ; АНОО ВО Центросоюза РФ СибУПК. — Новосибирск, 2019. — 40с.— электронный ресурс.